

סטטיסטיקה

פרק 18 - רוח סמר להפרש תוחלות (ממוצעים) במדגים בלתי תלויים

תוכן העניינים

- 1.uschonoiot ha'oculosia la'izuvot v'behnachat shuvion shuvoniot.

כשוניות האוכלוסייה לא ידועות ובהנחה שוויון שונוויות:

רקע:

המטרה היא לאמוד את פער התוחלות: $\mu_2 - \mu_1$, כולם ההבדלים של הממוצעים בין שתי האוכלוסיות.

האומד נקודתי: $\bar{x}_1 - \bar{x}_2$.

התנאים לבניית רוח סמך:

$$\cdot \sigma^2_1 = \sigma^2_2 . 1$$

$$\cdot X_1, X_2 \sim N . 2$$

3. מוגדים בלתי תלויים.

השונות המשוקלلت: כיון שאנו מניחים שבין שתי האוכלוסיות השונוויות שוות אנו אומדים את השונות הזו על ידי שקולול שתי השונוויות של שני המוגדים על ידי

$$\text{הנוסחה הבאה: } S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$$

דרגות החופש: $d.f = n_1 + n_2 - 2$

$$\text{רוח סמך: } (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) \pm t_{1-\frac{\alpha}{2}}^{n_1+n_2-2} \cdot \sqrt{\frac{S_p^2}{n_1} + \frac{S_p^2}{n_2}}$$

אם הערך אפס נופל בגבולות רוח סמך נגיד שבביטחון של $\alpha - 1$, לא קיים הבדל בין התוחלות.

דוגמה (פתרון בהקלטה):

מחקר מעוניין לבדוק האם קיים הבדל בין תל אביב לברק שבע מבחןת הכנסה הממוצעת של אקדמיים. להלן תוצאות המבחן שנעשתה:

טל אביב	ברק שבע	
10	20	מספר האקדמאים
9500	11,000	ממוצע הכנסות של אקדמאים
250	200	סטיית התקן של הכנסות אקדמיים

בנו רוח סמך ברמת ביטחון של 90% להפרש תוחלות הכנסה בשני האזוריים. הניחו שהשכר מתפלג נורמלית עם אותה שוניות בכל אחד מהאזורים.

שאלות:

- 1) נדגמו 15 ישראלים ו-15 אמריקאים. כל הנדגמים נגשו ל מבחן IQ.
להלן תוצאות המדגם:

ארה"ב	ישראל	המדינה
15	15	גודל המדגם
1470	1560	סכום הציוניים
147,560	165,390	סכום ריבועי הציוניים

מצאו רוח סמך ברמת סמך של 95% לסתיטה בין ממוצע הציוניים בישראל למוצע הציוניים בארה"ב. רשמו את כל הנקודות הדרושים לצורך פתרון התרגילים.

- 2) להלן 4 תצפיות על משתנה X שמתפלג: $N(\mu_x, \sigma^2)$, ומשתנה Y שמתפלג: $N(\mu_y, \sigma^2)$.

X	22	20	21	25
Y	18	25	17	12

חשבו רוח סמך ל- $\mu_x - \mu_y$ ברמת הסמך 90%, בהנחה שני המדגם בלתי תלויים.

תשובות סופיות:

- 1) הנקודות:

1. השונות שווה.
 2. שהציוניים מתפלגים נורמלית.
 3. המדגם אינם תלויים זה בזה.
- . $-5.52 < \mu_1 - \mu_2 < 17.52$
- . $-9.6 < \mu_y - \mu_x < 1.6$ (2)